

Exercice 1 (3 points)

Affirmation 1 : fausse car 4 admet 3 diviseurs : 1 ; 2 et 4.

Affirmation 2 : fausse car $\text{PGCD}(36 ; 18) = 18$.

Affirmation 3 : fausse car, en développant les deux membres de l'égalité, on n'obtient pas la même expression : $9 + 2x(2x + 3) = 9 + 2x \times 2x + 2x \times 3 = 9 + 4x^2 + 6x$

Et $(2x + 3)^2 = (2x)^2 + 2 \times 2x \times 3 + 3^2 = 4x^2 + 12x + 9$

Exercice 2 (3,5 points)

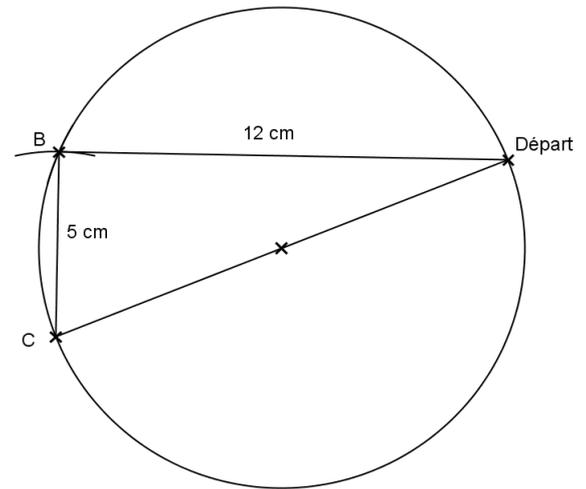
1) On commence par représenter le diamètre entre le départ et le point C, point atteint avant le retour au départ. Ensuite, il suffit de placer le point B à 5 cm de l'arrivée et à 12 cm du départ en faisant des arcs de cercle.

2) On obtient un triangle inscrit dans un cercle avec pour côté un diamètre. Nommons D le point de départ : comme BCD est inscrit dans le cercle de diamètre [CD] alors BCD est rectangle en B.

3) Calculons CD en utilisant le théorème de Pythagore dans le triangle BCD rectangle en B : $CD^2 = CB^2 + BD^2$.

$$CD = \sqrt{5^2 + 12^2} = 13 \text{ cm.}$$

Distance totale parcourue par Roméo : $DB + BC + CD = 12 \text{ cm} + 5 \text{ cm} + 13 \text{ cm} = 30 \text{ cm}$.

**Exercice 3 (4 points)**

1) $310,50 \div 3 = 103,5$. Le prix de revient d'un stage est de 103,5 €.

2)

Facture 1

Prix d'un stage	115 €
Nombre d'enfants inscrits	2
Prix total avant réduction	230 € (2×115)
Montant de la réduction (5 % du prix total avant réduction)	11,50 € $(\frac{5}{100} \times 230)$
Prix à payer	218,50 € $(230 - 11,50)$

Facture 2

Prix d'un stage	115 €
Nombre d'enfants inscrits	3
Prix total avant réduction	345 € (3×115)
Montant de la réduction (10 % du prix total avant réduction)	34,50 € $(\frac{34,50}{345})$ $(345 - 310,50)$
Prix à payer	310,50 €

Exercice 4 (4,5 points)

1) a) $V_A = 1 \text{ m} \times 1 \text{ m} \times 2 \text{ m} = 2 \text{ m}^3$.

Pour le conteneur B, on réunit les deux demi-boules pour obtenir une boule de rayon 0,58 m. Donc

$$V_B = \pi \times (0,58 \text{ m})^2 \times 1,15 \text{ m} + \frac{4}{3} \times \pi \times (0,58 \text{ m})^3 \simeq 2,03 \text{ m}^3 \text{ arrondi à 2 décimales.}$$

D'où : $V_A \simeq V_B$.

b) Un avantage possible du conteneur A est sa forme simple qui le rend plus facile à installer (?).

2) a) aire totale des 6 faces du conteneur A : $4 \times (2\text{m} \times 1\text{m}) + 2 \times (1\text{m} \times 1\text{m}) = 8 \text{ m}^2 + 2 \text{ m}^2 = 10 \text{ m}^2$.

Pour le conteneur B, l'aire totale s'obtient en additionnant l'aire du cylindre et l'aire d'une sphère de rayon 0,58 m.

$$\text{Aire totale} : 2 \times \pi \times 0,58\text{m} \times 1,15\text{m} + 4 \times \pi \times (0,58\text{m})^2 = 2,6796\pi \text{ m}^2 \simeq 8,4 \text{ m}^2 \text{ à } 0,1 \text{ m}^2 \text{ près.}$$

b) Le conteneur le plus économique à fabriquer est le conteneur B car il nécessite moins de matériau. En effet, sa surface est inférieure à la surface du conteneur A.

Exercice 5 (9 points)

1) a) On note l sa largeur, on doit avoir $2 \times (l + 10) = 31$ soit $l + 10 = \frac{31}{2} = 15,5$

$$l = 15,5 - 10 = 5,5 \text{ cm.}$$

b) On prend une longueur de 8 cm. La largeur vérifie l'équation $2 \times (l + 8) = 31$ soit $l + 8 = 15,5$

$$l = 15,5 - 8 = 7,5 \text{ cm.}$$

c) On a $2 \times (x + BC) = 31$ soit $x + BC = 15,5$.

$$BC = 15,5 - x.$$

d) Aire de ABCD : $AB \times BC = x \times (15,5 - x)$.

2) a) $f(4) = 4 \times (15,5 - 4) = 4 \times 11,5 = 46$.

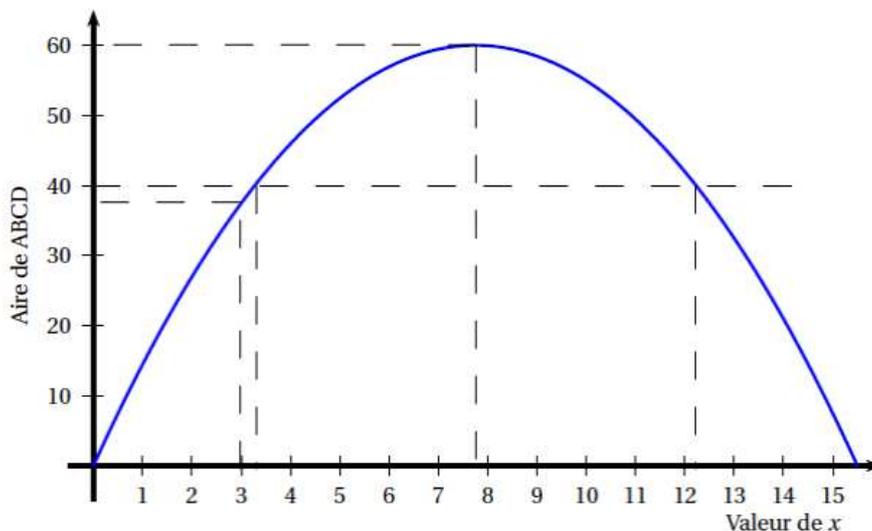
b) On a $f(5) = 5 \times (15,5 - 5) = 5 \times 10,5 = 52,5$.

3) Sur le graphique ci-dessous, les pointillés servent à répondre aux questions a) b) et c).

a) lorsque x vaut 3 cm, l'aire de ABCD est environ de 38 cm².

b) Pour $x \simeq 3,3$ cm et $x \simeq 12,2$ cm, on obtient une aire égale à 40 cm².

c) L'aire maximale de ce rectangle est environ de 60 cm². Elle est obtenue pour $x \simeq 7,8$ cm.



4) Lorsque AB vaut 7,75 cm, on a $BC = 15,5 - 7,75 \text{ cm} = 7,75 \text{ cm}$. C'est-à-dire que $AB = BC$ donc ABCD est un carré.

Exercice 6 (4 points)

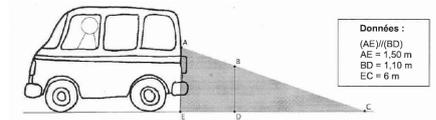
1) Comme les points A, B et C sont alignés, les points E, D, C sont alignés et (AE)//(BD) alors, d'après

le théorème de Thalès : $\frac{CD}{CE} = \frac{CB}{CA} = \frac{BD}{AE}$ soit $\frac{CD}{6} = \frac{CB}{CA} = \frac{1,10}{1,50}$

$$\text{Donc } CD = \frac{6 \times 1,10}{1,50} = 4,40 \text{ m.}$$

$$2) ED = EC - DC = 6 \text{ m} - 4,40 \text{ m} = 1,60 \text{ m.}$$

3) Comme $1,40 \text{ m} < ED$ alors la fillette a les pieds posés entre E et D. Sa taille étant égale à BD, cela signifie qu'elle tient entièrement dans le trapèze ABDE. Donc le conducteur ne peut pas la voir.



Exercice 7 (4 points)

1)

Catégorie	Junior		Intermédiaire		Senior	
Effectif par catégorie	1 958		876 (= 638 + 238)		308	
Niveau	5 ^e	4 ^e	3 ^e	2 ^{nde}	1 ^{re}	Term
Effectif par niveau	989	969	638	238	172	136 (= 308 - 172)
Effectif total					3142 (= 1958 + 876 + 308)	

2) C'est en 5^{ème} qu'il y a le plus d'inscrits.

3) C'est la catégorie Senior qui compte le moins d'inscrits.

4) $\frac{3142}{25} \simeq 126$ arrondi à l'unité. En moyenne, 126 élèves par établissement ont participé.

Exercice 8 (4 points)

1) a) On calcule l'aire du rectangle tracé sur la figure (on admet que c'est un rectangle). On enlève ensuite à cette aire la somme de l'aire du triangle rectangle d'hypoténuse [AD] et de l'aire du triangle rectangle d'hypoténuse [BC].

$$\text{b) aire de ABCD : } 7 \text{ cm} \times 3 \text{ cm} - \frac{1 \text{ cm} \times 3 \text{ cm}}{2} - \frac{3 \text{ cm} \times 3 \text{ cm}}{2} = 21 \text{ cm}^2 - 1,5 \text{ cm}^2 - 4,5 \text{ cm}^2 = 15 \text{ cm}^2.$$

2) Appliquons les trois formules avec $b = 3 \text{ cm}$; $B = 7 \text{ cm}$ et $h = 3 \text{ cm}$. La seule formule parmi les trois qui donne 15 cm^2 comme résultat est la deuxième. C'est donc la formule $A = \frac{(b + B)h}{2}$ qui permet de calculer l'aire.